

**TERHAD**



NAMA	
KELAS	

**i-MODUL KECEMERLANGAN SPM SMKA DAN SABK 2023**

**SIJIL PELAJARAN MALAYSIA 2023 (SET 2)**

**MATEMATIK TAMBAHAN**

**3472/1**

**KERTAS 1**

**Okt./Nov.**

**2 jam**

**Dua jam**

**JANGAN BUKA KERTAS SOALAN INI  
SEHINGGA DIBERITAHU**

- 1 Tulis nama dan kelas anda pada ruangan yang disediakan.
- 2 Kertas soalan ini adalah dalam dwibahasa.
- 3 Soalan dalam Bahasa Melayu mendahului soalan yang sepadan dalam Bahasa Inggeris.
- 4 Calon dibenarkan menjawab keseluruhan atau sebahagian soalan sama ada dalam Bahasa Inggeris atau Bahasa Melayu.
- 5 Calon dikehendaki membaca maklumat di halaman 22.

Untuk Kegunaan Pemeriksa		
Soalan	Markah Penuh	Markah Diperoleh
<b>Bahagian A</b>		
1	3	
2	4	
3	6	
4	3	
5	6	
6	7	
7	5	
8	4	
9	7	
10	5	
11	6	
12	8	
<b>Bahagian B</b>		
13	8	
14	8	
15	8	
<b>Jumlah</b>	<b>80</b>	

Kertas soalan ini mengandungi 22 halaman bercetak.

[Lihat halaman sebelah  
**TERHAD**

**RUMUS  
FORMULAE**

1 
$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

2 
$$a^m \times a^n = a^{m+n}$$

3 
$$a^m \div a^n = a^{m-n}$$

4 
$$(a^m)^n = a^{mn}$$

5 
$$\log_a mn = \log_a m + \log_a n$$

6 
$$\log_a \frac{m}{n} = \log_a m - \log_a n$$

7 
$$\log_a m^n = n \log_a m$$

8 
$$\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$$

9 
$$T_n = a + (n-1)d$$

10 
$$S_n = \frac{n}{2} [2a + (n-1)d]$$

11 
$$T_n = ar^{n-1}$$

12 
$$S_n = \frac{a(r^n - 1)}{r-1} = \frac{a(1-r^n)}{1-r}, r \neq 1$$

13 
$$S_\infty = \frac{a}{1-r}, |r| < 1$$

14 
$$y = uv, \frac{dy}{dx} = u \frac{dv}{dx} + v \frac{du}{dx}$$

15 
$$y = \frac{u}{v}, \frac{dy}{dx} = \frac{v \frac{du}{dx} - u \frac{dv}{dx}}{v^2}$$

16 
$$\frac{dy}{dx} = \frac{dy}{du} \times \frac{du}{dx}$$

17 Luas di bawah lengkung

*Area under a curve*

$$= \int_a^b y \, dx \text{ atau (or)}$$

$$= \int_a^b x \, dy$$

 18 Isi padu kisaran  
*Volume of revolution*

$$= \int_a^b \pi y^2 \, dx \quad \text{atau (or)}$$

$$= \int_a^b \pi x^2 \, dy$$

19 
$$I = \frac{Q_1}{Q_0} \times 100$$

20 
$$\bar{I} = \frac{\sum W_i I_i}{\sum W_i}$$

21 
$${}^n P_r = \frac{n!}{(n-r)!}$$

22 
$${}^n C_r = \frac{n!}{(n-r)!r!}$$

23 
$$P(X = r) = {}^n C_r p^r q^{n-r}, p + q = 1$$

 24 Min / Mean ,  $\mu = np$ 

25 
$$\sigma = \sqrt{npq}$$

26 
$$Z = \frac{X - \mu}{\sigma}$$

 27 Panjang lengkok,  $s = j\theta$   
*Arc length, s = r\theta*

28 Luas sektor,  $L = \frac{1}{2} j^2 \theta$

$$Area of sector, A = \frac{1}{2} r^2 \theta$$

29 
$$\sin^2 A + \cos^2 A = 1$$
  

$$\sin^2 A + \cos^2 A = 1$$

30 
$$\sec^2 A = 1 + \tan^2 A$$
  

$$\sec^2 A = 1 + \tan^2 A$$

31 
$$\cosec^2 A = 1 + \cot^2 A$$
  

$$\cosec^2 A = 1 + \cot^2 A$$

 [Lihat halaman sebelah  
**TERHAD**

32  $\sin 2A = 2 \sin A \cos A$   
 $\sin 2A = 2 \sin A \cos A$

33  $\cos 2A = \cos^2 A - \sin^2 A$   
 $= 2 \cos^2 A - 1$   
 $= 1 - 2 \sin^2 A$

$$\begin{aligned}\cos 2A &= \cos^2 A - \sin^2 A \\ &= 2 \cos^2 A - 1 \\ &= 1 - 2 \sin^2 A\end{aligned}$$

34  $\tan 2A = \frac{2 \tan A}{1 - \tan^2 A}$

35  $\sin(A \pm B) = \sin A \cos B \pm \cos A \sin B$   
 $\sin(A \pm B) = \sin A \cos B \pm \cos A \sin B$

36  $\cos(A \pm B) = \cos A \cos B \mp \sin A \sin B$   
 $\cos(A \pm B) = \cos A \cos B \mp \sin A \sin B$

37  $\tan(A \pm B) = \frac{\tan A \pm \tan B}{1 \mp \tan A \tan B}$

38  $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$

39  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$   
 $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$

40 Luas segi tiga / Area of triangle  
 $= \frac{1}{2}ab \sin C$

41 Titik yang membahagi suatu tembereng garis  
*A point dividing a segment of a line*  
 $(x, y) = \left( \frac{nx_1 + mx_2}{m+n}, \frac{ny_1 + my_2}{m+n} \right)$

42 Luas segi tiga / Area of triangle  
 $= \frac{1}{2} |(x_1y_2 + x_2y_3 + x_3y_1) - (x_2y_1 + x_3y_2 + x_1y_3)|$

43  $|\mathbf{r}| = \sqrt{x^2 + y^2}$

44  $\hat{\mathbf{r}} = \frac{x\mathbf{i} + y\mathbf{j}}{\sqrt{x^2 + y^2}}$

[Lihat halaman sebelah  
**TERHAD**

**Bahagian A**

[64 markah]

*Jawab semua soalan.*

- 1 Cari julat nilai-nilai  $x$  jika ungkapan  $6 - 7x - 3x^2$  sentiasa negatif.

*Find the range of values of  $x$  if the expression  $6 - 7x - 3x^2$  is always negative.*

[3 markah]

[3 marks]

Jawapan / Answer:

[Lihat halaman sebelah  
**TERHAD**

- 2 Diberi bahawa  $y = t - 4t^2$  dan  $x = 5t + 4$ . Dengan menggunakan petua rantai, cari  $\frac{dy}{dx}$  dalam sebutan  $x$ .

*Given that  $y = t - 4t^2$  and  $x = 5t + 4$ . By using chain rule, find  $\frac{dy}{dx}$  in terms of  $x$ .*

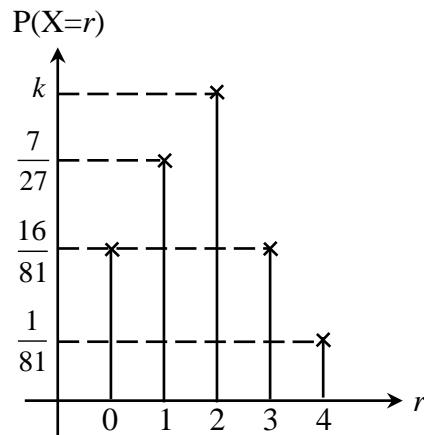
[4 markah]

[4 marks]

Jawapan / Answer:

[Lihat halaman sebelah  
TERHAD

- 3 (a) Rajah 1 menunjukkan graf bagi taburan binomial  $X \sim B(4, p)$ .  
*Diagram 1 shows the graph of binomial distribution  $X \sim B(4, p)$ .*



Rajah 1/ Diagram 1

Cari nilai bagi  $k$  dan  $p$ . [3 markah]  
*Find the value of  $k$  and of  $p$ .* [3 marks]

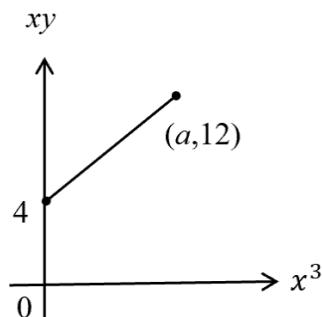
- (b) Diberi  $X$  ialah pembolehubah rawak selanjar di mana  $X \sim N(12.45, 25)$ . Cari nilai  $k$  apabila [3 markah]  
 $P(|X| \geq k) = 0.7154$ .  
*Given  $X$  is a continuous random variable where  $X \sim N(12.45, 25)$ . Find the value of  $k$  when  $P(|X| \geq k) = 0.7154$ .* [3 marks]

Jawapan / Answer:

[Lihat halaman sebelah  
**TERHAD**

- 4 Rajah 2 menunjukkan pemboleh ubah  $x$  dan  $y$  dihubungkan oleh persamaan  $y = 4x^2 - \frac{b}{x}$  dengan keadaan  $a$  dan  $b$  ialah pemalar. Suatu garis lurus diperoleh dengan memplot  $xy$  melawan  $x^3$ .

*Diagram 2 shows the variables  $x$  and  $y$  are related by the equation  $y = 4x^2 - \frac{b}{x}$  such that  $a$  and  $b$  are constants. A straight line graph is obtained by plotting  $xy$  against  $x^3$ .*



Rajah 2 / Diagram 2

Cari nilai  $a$  dan  $b$ .

*Find the value of  $a$  and of  $b$ .*

[3 markah]  
[3 marks]

Jawapan / Answer:

[Lihat halaman sebelah  
TERHAD

- 5 (a) Diberi bahawa sebutan kedua suatu janjang aritmetik ialah 12 dan sebutan kesepuluhnya ialah 52. Cari

*Given that the second term of an arithmetic progression is 12 and the tenth term is 52.  
Find*

- (i) beza sepunya janjang itu,  
*the common difference of the progression,*  
(ii) sebutan pertama janjang itu.  
*the first term of the progression.*

[3 markah]  
[3 marks]

- (b) Diberi  $m + 2$ ,  $2m + 4$  dan  $5m + 4$  adalah tiga sebutan berturutan bagi suatu janjang geometri. Tentukan nilai-nilai yang mungkin bagi  $m$ . [3 markah]

*It is given that  $m + 2$ ,  $2m + 4$  and  $5m + 4$  are three consecutive terms of a geometric progression. Find the possible values of  $m$ .* [3 marks]

Jawapan / Answer:

[Lihat halaman sebelah  
TERHAD

- 6 (a) Diberi fungsi kecerunan bagi suatu lengkung ialah  $4x - 10$  dan lengkung itu melalui titik  $(8, 4)$ . Cari persamaan lengkung itu. [3 markah]

*Given that the gradient function of a curve is  $4x - 10$  and the curve passes through point  $(8, 4)$ . Find the equation of the curve.* [3 marks]

- (b) Diberi bahawa  $\frac{d}{dx} \left[ \frac{5}{1-x^2} \right] = g(x)$ , cari  $\int 2g(x)dx$ . [1 markah]

*Given that  $\frac{d}{dx} \left[ \frac{5}{1-x^2} \right] = g(x)$ , find  $\int 2g(x)dx$ .* [1 mark]

- (c) Diberi  $\int_3^k f(y)dy = \frac{3}{2}$  cari nilai  $k$  dengan keadaan  $\int_3^k [2 - f(y)]dy = 4$ . [3 markah]

*Given  $\int_3^k f(y)dy = \frac{3}{2}$  find the value of  $k$  such that  $\int_3^k [2 - f(y)]dy = 4$ .* [3 marks]

Jawapan / Answer:

[Lihat halaman sebelah  
TERHAD

7 (a) Selesaikan persamaan berikut :

*Solve the equations :*

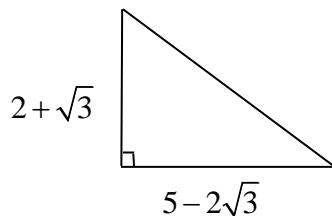
$$3^{3x} = 54 + 3^{3x-1}$$

[3 markah]

[3 marks]

(b) Rajah 4 menunjukkan sebuah segitiga bersudut tegak.

*Diagram 4 shows a right angle triangle.*



Rajah 4 / Diagram 4

Diberi luas segitiga tersebut adalah  $q + \frac{\sqrt{3}}{2}$ . Cari nilai  $q$ .

[2 markah]

*Given that the area of the triangle is  $q + \frac{\sqrt{3}}{2}$ . Find the value of  $q$ .*

[2 marks]

Jawapan / Answer:

[Lihat halaman sebelah  
TERHAD

- 8 Diberi fungsi  $r$  dan  $s$  sebagai  $r : x \rightarrow 6x$ ,  $s : x \rightarrow \frac{4}{x-6}$ ,  $x \neq a$ .

*Given the function  $r$  and  $s$  as  $r : x \rightarrow 6x$ ,  $s : x \rightarrow \frac{4}{x-6}$ ,  $x \neq a$ .*

- (a) Nyatakan nilai  $a$ .

*State the value of  $a$ .*

[1 markah]

[1 mark]

- (b) Cari nilai bagi  $s(12)$ .

*Find the value of  $s(12)$ .*

[1 markah]

[1 mark]

- (c) Cari nilai bagi  $k$  jika  $rs(k) = -12$ .

*Find the value of  $k$  if  $rs(k) = -12$ .*

[2 markah]

[2 marks]

Jawapan / Answer:

[Lihat halaman sebelah  
TERHAD

- 9 (a) Selesaikan persamaan  $2\cos^2 2x + 3\sin 2x - 3 = 0$  untuk  $0 \leq x \leq 360^\circ$ .

*Solve the equation  $2\cos^2 2x + 3\sin 2x - 3 = 0$  for  $0 \leq x \leq 360^\circ$ .*

[4 markah]

[4 marks]

- (b) Diberi bahawa  $\tan 2x = \frac{5}{12}$  dengan keadaan  $x$  adalah sudut refleks. Cari nilai  $\cos^2 x$ .

*Given  $\tan 2x = \frac{5}{12}$  such that  $x$  is a reflex angle. Find the value of  $\cos^2 x$ .*

[3 markah]

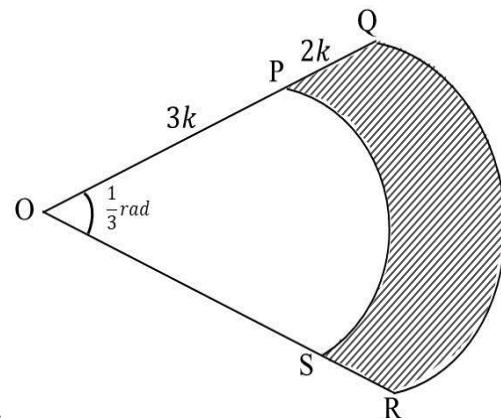
[3 marks]

Jawapan / Answer:

[Lihat halaman sebelah  
TERHAD

- 10** Rajah 5 menunjukkan dua sektor  $OPS$  dan  $OQR$  bersudut  $\frac{1}{3}$  rad, berpusatkan di  $O$ .

*Diagram 5 shows two sectors  $OPS$  and  $OQR$  have angle  $\frac{1}{3}$  rad, with centre  $O$ .*



Rajah 5 / Diagram 5

- (a) Cari nilai  $k$ , jika luas kawasan berlorek  $PQRS$  ialah  $24 \text{ cm}^2$ .

*Find the value of  $k$  if the area of the shaded region  $PQRS$  is  $24 \text{ cm}^2$ .*

- (b) Seterusnya, hitung perimeter kawasan berlorek.

*Hence, calculate the perimeter of the shaded region.*

[5 markah]

[5 marks]

Jawapan / Answer:

[Lihat halaman sebelah  
TERHAD

- 11 (a) Rajah 6 menunjukkan enam keping kad berhuruf.

*Diagram 6 shows six letter cards.*



Rajah 6 / Diagram 6

Cari bilangan cara untuk menyusun 4 keping kad huruf di mana huruf vokal duduk bersebelahan dan berakhir dengan huruf konsonan.

*Find the number of different ways to arrange 4 letter cards which vocals must be adjacent and end with a consonant letter.*

[2 markah]  
[2 marks]

- (b) Diberi digit-digit 1, 5, 7, 7, 7, 8. Cari

*Given the digits 1, 5, 7, 7, 7, 8. Find*

(i) bilangan nombor yang melebihi 500 000 dapat dibentuk,  
*the number of different numbers greater than 500 000 can be formed,*

(ii) bilangan nombor 6 digit yang berlainan tidak berakhir dengan 81.  
*the number of different 6 digit numbers does not end with 81.*

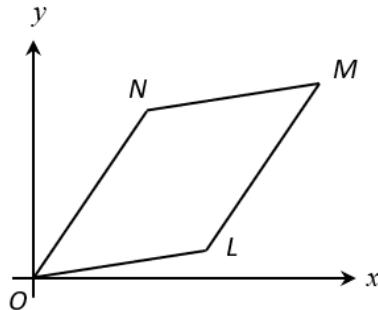
[4 markah]  
[4 marks]

Jawapan / Answer:

[Lihat halaman sebelah  
TERHAD

- 12 Rajah 7 menunjukkan  $OLMN$  ialah sebuah segi empat selari dengan keadaan  $\overrightarrow{OL} = 4\hat{i} + \hat{j}$  dan  $\overrightarrow{OM} = 6\hat{i} + 5\hat{j}$ .

*Diagram 7 shows  $OLMN$  is a parallelogram such that  $\overrightarrow{OL} = 4\hat{i} + \hat{j}$  and  $\overrightarrow{OM} = 6\hat{i} + 5\hat{j}$ .*



Rajah 7 / Diagram 7

Cari

*Find*

(a)  $\overrightarrow{ON}$ ,

(b) Seterusnya suatu titik  $P$  diberi dengan keadaan  $\overrightarrow{OP} = -8\hat{i} + 19\hat{j}$ .

*Then a point  $P$  is given such that  $\overrightarrow{OP} = -8\hat{i} + 19\hat{j}$ .*

(i) Cari  $\overrightarrow{LN}$  dan  $\overrightarrow{NP}$ .

*Find  $\overrightarrow{LN}$  and  $\overrightarrow{NP}$ .*

(ii) Tunjukkan titik  $L$ ,  $N$  dan  $P$  segaris.

*Show that the points  $L$ ,  $N$  and  $P$  are collinear.*

[8 markah]  
[8 marks]

Jawapan / Answer:

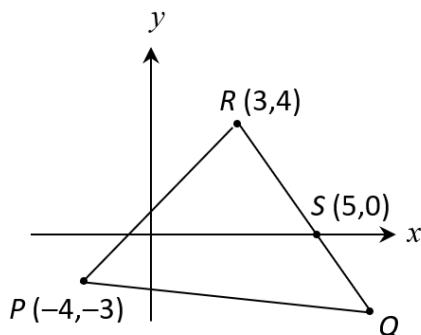
[Lihat halaman sebelah  
TERHAD

**Bahagian B**

[16 markah]

*Bahagian ini mengandungi tiga soalan. Jawab dua soalan.*

- 13 Rajah 8 menunjukkan segitiga  $PQR$ . Garis  $RQ$  menyilang paksi- $x$  pada titik  $S$ .
- Diagram 8 shows a triangle  $PQR$ . Line  $RQ$  intersects  $x$ -axis at point  $S$ .*



Rajah 8 / Diagram 8

- (a) Diberi  $RS : SQ = 2:3$ , cari

*Given  $RS : SQ = 2:3$ , find*

- (i) koordinat  $Q$ .  
*the coordinates of  $Q$ .*
- (ii) luas, dalam unit<sup>2</sup>, segi tiga  $PQR$ .  
*area of triangle  $PQR$ , in unit<sup>2</sup>.*

[5 markah]

[5 marks]

- (b) Titik  $Z$  bergerak dengan keadaan jaraknya dari titik  $P$  adalah sentiasa dua kali jaraknya dari titik  $Q$ . Cari persamaan lokus  $Z$ .

 *$Z$  is a moving point such that its distance from point  $P$  is always two times its distance from point  $Q$ . Find the equation of the locus of point  $Z$ .*

[3 markah]

[3 marks]

Jawapan / Answer:

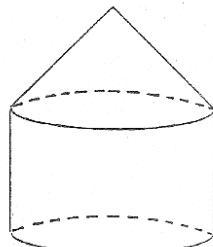
[Lihat halaman sebelah  
TERHAD

Jawapan / Answer:

[Lihat halaman sebelah  
**TERHAD**

- 14** Rajah 9 sebuah pepejal yang terbentuk daripada silinder berjejari  $x$  cm dan sebuah kon di atasnya. Diberi panjang sendeng kon itu ialah  $2x$  cm dan isi padu silinder ialah  $192\pi \text{ cm}^3$ .

*Diagram 9 shows a solid formed by joining a cylinder with radius  $x$  cm and a cone on top of it. Given the length of the cone slant is  $2x$  cm and the volume of the cylinder is  $192\pi \text{ cm}^3$ .*



Rajah 9  
Diagram 9

- (a) Tunjukkan bahawa jumlah luas permukaan pepejal itu,  $A \text{ cm}^2$ , diberi oleh persamaan  $A = 3\pi x^2 + \frac{384\pi}{x}$ . [2 markah]

*Show that total surface area of the solid,  $A \text{ cm}^2$ , is given by  $A = 3\pi x^2 + \frac{384\pi}{x}$ . [2 marks]*

- (b) Hitung jejari silinder apabila luas permukaan pepejal itu minimum. [3 markah]  
*Calculate the radius of the cylinder when the surface area of the solid is minimum.* [3 marks]

- (c) Diberi luas permukaan pepejal itu berubah dengan kadar  $84\pi \text{ cm}^2 \text{ s}^{-1}$ . Cari kadar perubahan jejari ketika jejarinya 8 cm. [3 markah]

*Given that the surface area of the solid is increasing at a rate of  $84\pi \text{ cm}^2 \text{ s}^{-1}$ . Find rate of change of the radius at the instant when the radius is 8 cm. [3 marks]*

Jawapan / Answer:

[Lihat halaman sebelah  
TERHAD

Jawapan / Answer:

[Lihat halaman sebelah  
**TERHAD**

15 (a) Selesaikan persamaan berikut:

*Solve the following equation:*

(i)  $x - 7\sqrt{x} = -12$

(ii)  $\log_4 x + \log_{16} 3x = -1$  [5 markah]

[5 marks]

(b) Wang simpanan Shahida selepas  $n$  tahun dalam sebuah bank ialah  $\text{RM } 1500(1+0.08)^n$ . Hitung bilangan tahun minimum supaya wang simpanannya melebihi RM 20 000. [3 markah]

*Shahida's savings after  $n$  years in a bank is  $\text{RM } 1500(1+0.08)^n$ . Calculate the minimum number of years so that her savings exceed RM 20 000.* [3 marks]

Jawapan / Answer:

[Lihat halaman sebelah  
TERHAD



**MAKLUMAT UNTUK CALON**  
**INFORMATION FOR CANDIDATES**

1. Kertas soalan ini mengandungi **dua** bahagian: **Bahagian A** dan **Bahagian B**.  
*This question paper consists of two sections: Section A and Section B.*
2. Jawab **semua** soalan dalam **Bahagian A** dan mana-mana **dua** soalan daripada **Bahagian B**.  
*Answer all questions in Section A and any two questions from Section B.*
3. Tulis jawapan anda pada ruang yang disediakan dalam kertas soalan.  
*Write your answers in the spaces provided in this question paper.*
4. Tunjukkan langkah-langkah penting dalam kerja mengira anda. Ini boleh membantu anda untuk mendapatkan markah.  
*Show your working. It may help you to get marks.*
5. Sekiranya anda hendak menukar jawapan, batalkan jawapan yang telah dibuat. Kemudian tulis jawapan yang baru.  
*If you wish to change your answer, cross out the answer that you have done. Then write down the new answer.*
6. Rajah yang mengiringi soalan tidak dilukis mengikut skala kecuali dinyatakan.  
*The diagrams in the questions provided are not drawn to scale unless stated.*
7. Markah yang diperuntukkan bagi setiap soalan ditunjukkan dalam kurungan.  
*The marks allocated for each question are shown in brackets.*
8. Satu senarai rumus disediakan di halaman 2 dan 3.  
*A list of formulae is provided on pages 2 and 3.*
9. Jadual Kebarangkalian Hujung Atas  $Q(z)$  Bagi Taburan Normal  $N(0, 1)$  disediakan di halaman 21.  
*The Upper Tail Probability  $Q(z)$  For the Normal Distribution  $N(0, 1)$  Table is provided on page 21.*
10. Anda dibenarkan menggunakan kalkulator saintifik.  
*You may use a scientific calculator.*
11. Serahkan kertas soalan ini kepada pengawas peperiksaan pada akhir peperiksaan.  
*Hand in this question paper to the invigilator at the end of the examination.*